

Disequazioni in valore assoluto

definizione di valore assoluto

$$|x| \rightarrow \begin{cases} x \geq 0 \\ x \end{cases} \cup \begin{cases} x < 0 \\ -x \end{cases}$$

il valore assoluto di x è uguale a:

- x se x è maggiore o uguale a zero
- $-x$ se x è minore di zero

disequazioni con un solo valore assoluto ed un polinomio a secondo membro

$$|A| > B \rightarrow \begin{cases} A \geq 0 \\ A > B \end{cases} \cup \begin{cases} A < 0 \\ -A > B \end{cases}$$

$$|A| < B \rightarrow \begin{cases} A \geq 0 \\ A < B \end{cases} \cup \begin{cases} A < 0 \\ -A < B \end{cases}$$

$$|A| \geq B \rightarrow \begin{cases} A \geq 0 \\ A \geq B \end{cases} \cup \begin{cases} A < 0 \\ -A \geq B \end{cases}$$

$$|A| \leq B \rightarrow \begin{cases} A \geq 0 \\ A \leq B \end{cases} \cup \begin{cases} A < 0 \\ -A \leq B \end{cases}$$

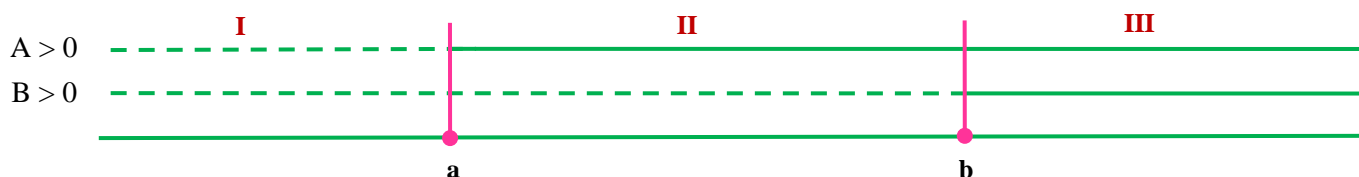
disequazioni con un solo valore assoluto: casi particolari

con un numero positivo n a secondo membro	con un numero negativo $-n$ a secondo membro	con lo zero a secondo membro
$ A > n \rightarrow A < -n \cup A > n$	$ A > -n \rightarrow \forall x \in \mathbb{R}$	$ A > 0 \rightarrow A \neq 0$
$ A \geq n \rightarrow A \leq -n \cup A \geq n$	$ A \geq -n \rightarrow \forall x \in \mathbb{R}$	$ A \geq 0 \rightarrow \forall x \in \mathbb{R}$
$ A < n \rightarrow \begin{cases} A < n \\ A > -n \end{cases}$	$ A < -n \rightarrow$ nessuna soluzione	$ A < 0 \rightarrow$ nessuna soluzione
$ A \leq n \rightarrow \begin{cases} A \leq n \\ A \geq -n \end{cases}$	$ A \leq -n \rightarrow$ nessuna soluzione	$ A \leq 0 \rightarrow A = 0$

disequazioni con due o più valori assoluti

$$|A| + |B| \geq C \rightarrow \text{si studia il segno di } A \text{ e } B$$

- si risolvono le disequazioni $A > 0$ e $B > 0$ e dette ad esempio $x > a$ e $x > b$ le loro soluzioni, si rappresentano su grafico
- dall'osservazione del grafico la disequazione si scinde nei seguenti sistemi:



$$\text{I } \begin{cases} x < a \\ -A - B \geq C \end{cases} \cup \text{II } \begin{cases} a \leq x \leq b \\ A - B \geq C \end{cases} \cup \text{III } \begin{cases} x > b \\ A + B \geq C \end{cases}$$